

"Recuerdos": Sea $\{x_m\}_{m \in \mathbb{N}} \subseteq \mathbb{R}$ sucesión de números **reales** (eg. $x_m = 1/\sqrt[n]{|a_n|}$).

Definimos el **límite inferior** de la sucesión como el menor de los puntos de acumulación, i.e.,

$$\liminf_{n \rightarrow +\infty} x_n := \lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\inf_{m \geq n} x_m \right)$$

Por ejemplo, sea $a_m := \begin{cases} 2^m & \text{si } m \text{ par} \\ 2^{m-1} & \text{si } m \text{ impar} \end{cases}$

entonces $x_m := \frac{1}{\sqrt[m]{|a_m|}}$ verifica:

$$\liminf_{n \rightarrow +\infty} x_n = \frac{1}{2} =: \mathcal{R}$$

 La cantidad $y_n = \frac{|a_{n+1}|}{|a_n|} = \begin{cases} 1 & \text{si } n \text{ par} \\ 4 & \text{si } n \text{ impar} \end{cases} \Rightarrow$

$$\liminf_{n \rightarrow +\infty} y_n = 1 \neq \mathcal{R}$$

$$\limsup_{n \rightarrow +\infty} y_n = 4 \neq \mathcal{R}$$

